

## Պաշտոնական ընդիմախոսի

### կարծիք

Կարեն Իսկանդարի Կարապետյանի «Լրիվ գլխարկների կառուցումը աֆինական  $AG(n, 3)$  և պրոյեկտիվ  $PG(n, 3)$  երկրաչափություններում» Ե.13.05 «Մաթեմատիկական մոդելավորում, թվային մեթոդներ և ծրագրերի համալիրներ» մասնագիտությամբ ֆիզիկամաթեմատիկական գիտությունների թեկնածուի գիտական աստիճանի հայցման ատենախոսության վերաբերյալ

Կարեն Իսկանդարի Կարապետյանի ատենախոսությունը նվիրված է լրիվ գլխարկների կառուցմանը աֆինական  $AG(n, 3)$  և պրոյեկտիվ  $PG(n, 3)$  երկրաչափություններում  $F_3 = \{0, 1, 2\}$  դաշտի վրա: Դիտարկվող խնդիրը սերտորեն փոխկապակցված է դիսկրետ մաթեմատիկայի բազմաթիվ ոլորտների խնդիրների հետ: Մասնավորապես, այն առաջացել է վիճակագրական վերլուծության փորձերի նախագծման (Combinatorial design) խնդիրների մաթեմատիկական մոդելների ուսումնասիրություններից և սերտորեն կապված է Շտեյների եռյակների, գծային կոդերի կառուցման ու դրանց ստուգման և այլ խնդիրների հետ:

Ատենախոսությունը բաղկացած է ներածությունից և երկու գլուխներից:

Ներածությունում հիմնավորված է թեմայի արդիականությունը, նկարագրված են այդ բնագավառի հայտնի արդյունքները, հետազոտման մեթոդները, գործնական նշանակությունը և պաշտպանությանը ներկայացվող հիմնական արդյունքները:

Առաջին գլուխը նվիրված է լրիվ  $b$ -հագեցած  $P_n$ -բազմությունների ուսումնասիրմանը և կառուցմանը: Հեղինակին հաջողվել է տալ իր կողմից սահմանած լրիվ  $b$ -հագեցած  $P_n$ -բազմությունների պարզ նկարագրությունը: Մշակվել են լրիվ  $b$ -հագեցած  $P_n$ -բազմությունների կառուցման երեք մեթոդ: Կարծում եմ առավել կարևոր նշանակություն ունեն լրիվ  $b$ -հագեցած  $P_n$ -բազմությունների կառուցման երկրորդ և երրորդ մեթոդները, որոնք հիմնված են հեղինակի կողմից մշակված անդրադարձ բանաձևերի վրա: Լրիվ  $b$ -հագեցած  $P_n$ -բազմությունների կառուցման այդ մեթոդները կայանում են նրանում, որ կամայական  $n$  բնական թվի համար ունենալով  $n = \sum_1^3 n_i$  ( $n = \sum_1^6 n_i$ ) ներկայացումը, անդրադարձ բանաձևը հնարավորություն է ընձեռնում կառուցելու  $P_n$ -բազմությունը, որտեղ  $n_1, n_2, n_3$  ( $n_1, n_2, n_3, n_4, n_5, n_6$ ) կամայական բնական թվեր են: Հաշված են այդ մեթոդներով

կառուցվող և իրարից տարբեր լրիվ  $b$ -հազեցած  $P_n$ -բազմությունների քանակը: Առաջին գլխի վերջին պարագրաֆում ձևակերպված է մի խնդիր, որի լուծումը հնարավորություն կտա սրված  $n$  բնական թվի համար կառուցելու մեծագույն հզորությամբ լրիվ  $b$ -հազեցած  $P_n$ -բազմությունը և գուցե նոր անդրադարձ բանաձևեր:

Երկրորդ գլուխը նվիրված է լրիվ գլխարկների կառուցմանը  $AG(n, 3)$  և  $PG(n, 3)$  երկրաչափություններում հիմնված լրիվ  $b$ -հազեցած  $P_n$ -բազմությունների վրա: Տրված լրիվ  $b$ -հազեցած  $P_n$  և  $P_m$ -բազմությունների օգնությամբ կառուցվել են լրիվ գլխարկներ  $AG(n + m, 3)$  և  $AG(n + m + 1, 3)$ -ում: Ապացուցված է, եթե  $P_n$ -ը լրիվ  $b$ -հազեցած կենտ բազմություն է, ապա  $P_n \cup B'_n$  ( $P_n \cup B''_n$ ) լրիվ գլխարկ է  $AG(n, 3)$ -ում: Որոշ լրացուցիչ պայմանների առկայության դեպքում լրիվ  $b$ -հազեցած կենտ  $P_{2n}$ -բազմությունների օգնությամբ կառուցվել են գլխարկներ  $AG(n + 1, 3)$ -ում: Լրիվ գլխարկներ են կառուցվել նաև  $AG(n, 3)$ -ում, երբ լրիվ  $b$ -հազեցած  $P_{n_1}, P_{n_2}, P_{n_3}$  ( $P_{n_1}, P_{n_2}, P_{n_3}, P_{n_4}, P_{n_5}, P_{n_6}$ )-բազմություններից գոնե երկու (երեք) հատը կենտ են, որտեղ  $n = \sum_1^3 n_i$  ( $n = \sum_1^6 n_i$ ) և  $n_1, n_2, n_3$  ( $n_1, n_2, n_3, n_4, n_5, n_6$ ) կամայական բնական թվեր են: Կառուցվել են լրիվ գլխարկներ պրոյեկտիվ  $PG(n, 3)$ -ում լրիվ  $b$ -հազեցած  $P_n$ -բազմությունների օգնությամբ կամայական բնական  $n$  թվի համար: Ապացուցված թեորեմներից հետևում են մեծագույն գլխարկների հզորությունների մի քանի հայտնի ստորին գնահատականներ, որոնք ստացվել են տարբեր հայտնի մաթեմատիկոսների կողմից: Մասնավորապես, ստացվել է  $c_{11,3} \geq 5504$  գնահատականը: Նշենք, որ ստացված գնահատականը ներկայումս լավագույնն է և այն պարունակում է առնվազն 464 կետ ավելի, քան գլխարկները, որոնք կարելի է ստանալ հայտնի գլխարկներից բազմապատկման գործողության միջոցով:

Ատենախսությունում ստացված արդյունքները մաթեմատիկորեն հինավորված են, նոր են, արդիական են և կարող են կիրառվել վիճակագրական վերլուծության փորձերի նախագծման մաթեմատիկական մոդելների և գծային կոդերի կառուցման գործընթացներում: Հիմնական արդյունքները հրատարակված են 4 գիտական աշխատանքներում և 5 թեզիսներում, որոնց արդյունքները զեկուցվել են Երևանում կայացած միջազգային վերջին հինգ գիտաժողովներում՝ International Conference on

Computer Science and Information Technologies, ՀՀ ԳԱԱ Ինֆորմատիկայի և ավտոմատացման պրոբլեմների ինստիտուտի ընդհանուր սեմինարներում և ՀՀ ԳԱԱ մաթեմատիկական և տեխնիկական գիտությունների բաժանմունքի 2023 թվականի տարեկան ընդհանուր ժողովում:

Ատենախոսությունում նկատվել են որոշ տպագրական վրիպակներ: 1. 5. 2 և 1. 6. 2 հետևանքների ապացույցները շատ սեղմ են շարադրված: Կարելի էր ավելի մանրամասն գրել: Գրականության ծավալուն ցանկը վկայում է, որ հեղինակը ուսումնասիրել է գրեթե ամբողջ բնագավառը:

Կարծում եմ, որ աշխատանքում նկատված վրիպակները չեն նսեմացնում ստացված արդյունքների գիտական արժեքը: Սեղմագիրը լիովին համապատասխանում է ատենախոսության բովանդակությանը: Ատենախոսությունը համապատասխանում է Ե.13.05 «Մաթեմատիկական մոդելավորում, թվային մեթոդներ և ծրագրերի համալիրներ» մասնագիտությանը և իրենից ներկայացնում է ավարտուն գիտական հետազոտություն գլխարկների կառուցման բնագավառում, որը հայցորդի երկար տարիների քրտնաջան աշխատանքի արդյունք է: Գտնում եմ, որ Կարեն Կարապետյանի ատենախոսությունը լիովին բավարարում է ՀՀ ԲԿԳԿ-ի կողմից թեկնածուական ատենախոսությունների նկատմամբ ներկայացվող բոլոր պահանջներին, իսկ նրա հեղինակը՝ Կարեն Կարապետյանն արժանի է ֆիզիկամաթեմատիկական գիտությունների թեկնածուի գիտական աստիճանի շնորհմանը:

ՀՀ ԳԱԱ ԻԱՊԻ,  
առաջատար գիտաշխատող,  
Ֆ.մ.գ.թ., դոցենտ  
27. 06. 2024թ.

Ս. Խ. Դարբինյան

Ս. Դարբինյան ՆԻ սքրեթաբ.

հասցրաբոնե ԵՏ



Մ. Կարապետյան